

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Саратовский государственный технический университет  
Балаковский институт техники, технологии и управления

**ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ  
МЕХАНИКА**

Методические указания к выполнению контрольных работ  
по курсу «Теоретическая механика» для студентов специальностей  
100700, 250600, 100401 заочной формы обучения  
Часть 2

Одобрено  
редакционно-издательским советом  
Балаковского института техники,  
технологии и управления

Балаково 2006

## ВВЕДЕНИЕ

Теоретическая механика как одна из важнейших физико-математических дисциплин играет существенную роль в подготовке инженеров любых специальностей. На основных законах и принципах теоретической механики базируются многие общеинженерные дисциплины, такие, как сопротивление материалов, строительная механика, гидравлика, теория механизмов и машин, детали машин и др.

Хорошее усвоение курса теоретической механики требует не только глубокого изучения теории, но и приобретения твердых навыков в решении задач. Для этого необходимо самостоятельно решить большое количество задач по всем разделам.

При изучении курса «Теоретическая механика» студент должен выполнить ряд заданий в контрольной работе и изучить теоретические вопросы, помогающие в решении задач.

Во всех разделах широко используется векторная алгебра. В статике необходимо уметь вычислять проекции векторов на координатные оси, находить геометрически и аналитически их сумму, скалярное и векторное произведение. В кинематике необходимо уметь дифференцировать векторы, функции и строить графики функций. Для изучения динамики надо уметь дифференцировать векторы, интегрировать функции и дифференциальные уравнения.

*При решении задач номер рисунка выбирается по предпоследней цифре шифра, номер условия в таблице – по последней.*

## ДИНАМИКА

В основе динамики лежат законы Ньютона. Причем одним из основных является II закон:  $m\bar{a} = \bar{F}$ ,

где  $\bar{F} = \sum_{i=1}^n \bar{F}_i$  – равнодействующая всех сил, действующих на точку.

Следовательно, получим *основное уравнение динамики*:

$$m\bar{a} = \sum_{i=1}^n \bar{F}_i \quad (1)$$

Динамика материальной точки решает две основные задачи:

1) *прямая* – по известному закону движения материальной точки определить силы, вызывающие это движение;

2) *обратная* – по известным силам, действующим на материальную точку, определить закон ее движения.

*Импульсом постоянной по модулю и направлению силы*, действующей в течение промежутка времени  $t = t_2 - t_1$ , называется вектор

$$\bar{S} = \bar{F} \cdot t, \quad (2)$$

направление которого совпадает с направлением вектора силы, а модуль определяется формулой  $S = F \cdot t = F(t_2 - t_1)$  (3)

*Импульсом переменной силы*, действующей в течение промежутка времени  $t = t_2 - t_1$ , называется вектор, равный интегралу от вектора силы за промежуток времени  $(t_1, t_2)$ :

$$\bar{S} = \int_{t_1}^{t_2} \bar{F} dt \quad (4)$$

Модуль определим способом проекций:

$$S_x = \int_{t_1}^{t_2} F_x dt; \quad S_y = \int_{t_1}^{t_2} F_y dt; \quad S_z = \int_{t_1}^{t_2} F_z dt \quad (5)$$

**Количеством движения материальной точки** называется вектор, имеющий направление вектора скорости

$$\bar{K} = m\bar{V}, \quad (6)$$

и равный по модулю произведению массы точки на модуль ее скорости:

$$K = mV \quad (7)$$

**Теорема импульсов** (теорема об изменении количества движения):

$$m\bar{V} - m\bar{V}_0 = \sum_{i=1}^n \bar{S}_i \quad (8)$$

**Изменение количества движения за некоторый промежуток времени равно геометрической сумме импульсов всех сил, действующих за тот же промежуток времени.**

**Работа постоянной силы** – это скалярная величина, равная скалярному произведению вектора силы на вектор перемещения

$$A = \bar{F} \cdot \bar{S} \quad (9)$$

Определим модуль работы:  $A = F \cdot S \cos(\bar{F}, \bar{S})$  (10)

**Работа переменной силы** определяется криволинейным интегралом

II рода: 
$$A_{1,2} = \int_{M_1 M_2} (F_x dx + F_y dy + F_z dz) \quad (11)$$

**Работа силы тяжести:**  $A = \pm G \cdot H$ ; (12)

где  $H$  – высота перемещения точки.

**Работа силы упругости:**  $A_{F_{\text{упр}}} = \pm \frac{c\lambda^2}{2}$ ; (13)

где  $c$  – жесткость пружины;  $\lambda$  – деформация пружины.

**Теорема об изменении кинетической энергии материальной точки:**

$$\frac{mV^2}{2} - \frac{mV_0^2}{2} = \sum_{i=1}^n A_i \quad (14)$$

*Изменение кинетической энергии материальной точки на некотором перемещении равно алгебраической сумме работ всех сил, действующих на точку на том же перемещении.*

*Теорема об изменении кинетической энергии механической системы:*

$$T - T_0 = \sum_{i=1}^n A_i^E \quad (15)$$

*Изменение кинетической энергии механической системы на конечном перемещении равно алгебраической сумме работ всех внешних сил, действующих на систему на том же перемещении.*

Определим кинетическую энергию твердого тела в различных случаях его движения:

*при поступательном движении*  $T = \frac{mV_C^2}{2},$  (16)

где  $V_C$  – скорость центра масс;

*при вращательном движении*  $T = \frac{I_Z \omega^2}{2},$  (17)

где  $I_Z$  – момент инерции тела относительно оси вращения,

$\omega$  – угловая скорость вращения тела;

*при плоском движении*  $T = T_{\text{пост}} + T_{\text{вращ}} = \frac{mV_C^2}{2} + \frac{I_{ZC} \omega^2}{2}$  (18)

где  $I_{ZC}$  – момент инерции тела относительно центральной оси, перпендикулярной плоскости движения тела;

*момент инерции относительно оси* определяется формулой:

$$I = m \cdot i_Z^2, \quad (19)$$

где  $i_Z$  – радиус инерции тела относительно оси  $z$ .

## Задача Д1

Груз  $D$  массой  $m$ , получив в точке  $A$  начальную скорость  $V_0$ , движется в изогнутой трубе  $ABC$ , расположенной в вертикальной плоскости; участки трубы или оба наклонные, или один горизонтальный, а другой наклонный (рис.2 – 3).

На участке  $AB$  на груз кроме силы тяжести действует постоянная сила  $\bar{Q}$  (ее направление показано на рисунках) и сила сопротивления среды  $\bar{R}$ , зависящая от скорости  $\bar{V}$  груза (направлена против движения). Трением груза о трубу на участке  $AB$  пренебречь.

В точке  $B$  груз, не изменяя своей скорости, переходит на участок  $BC$  трубы, где на него кроме силы тяжести действуют сила трения (коэффициент трения груза о трубу  $f = 0,2$ ) и переменная сила  $\bar{F}$ , проекция которой  $F_x$  на ось  $x$  задана в таблице 1.

Считая груз материальной точкой и зная расстояние  $AB=l$  или время  $t_1$  движения груза от точки  $A$  до точки  $B$ , найти закон движения груза на участке  $BC$ , т.е.  $x = f(t)$ , где  $x = BD$ .

Все необходимые данные указаны в табл.1.

**Указания.** Задача Д1 – на интегрирование дифференциальных уравнений движения точки (решение обратной задачи динамики). Решение задачи разбивается на две части. Сначала нужно составить и проинтегрировать методом разделения переменных дифференциальное уравнение движения точки (груза) на участке  $AB$ , учтя начальные условия. Затем, зная время движения груза на участке  $AB$  или длину этого участка, определить скорость груза в точке  $B$ . Эта скорость будет начальной для движения груза на участке  $BC$ . После этого нужно составить и проинтегрировать дифференциальное уравнение движения груза на участке  $BC$  тоже с учетом начальных условий, ведя отсчет времени от момента, когда груз находится в точке  $B$ , и полагая в этот момент  $t = 0$ . При интегрировании уравнения

движения на участке АВ в случае, когда задана длина  $l$  участка, целесообразно перейти к переменному  $x$ , учтя, что

$$\frac{dV_x}{dt} = V_x \frac{dV_x}{dx}. \quad (20)$$

**Пример.** На вертикальном участке АВ трубы (рис.1) на груз  $D$  массой  $m$  действуют сила тяжести и сила сопротивления  $R$ ; расстояние от точки А, где  $V = V_0$ , до точки В равно  $l$ . На наклонном участке ВС на груз действуют сила тяжести и переменная сила  $F = F(t)$ , заданная в ньютонах.

Д а н о:  $m=2$  кг,  $R = \mu V^2$ , где  $\mu=0,4$  кг/м,  $V_0= 5$  м/с,  $l= 2,5$  м,  $F_x = 16 \sin(4t)$ .

О п р е д е л и т ь:  $x = f(t)$  – закон движения груза на участке ВС.

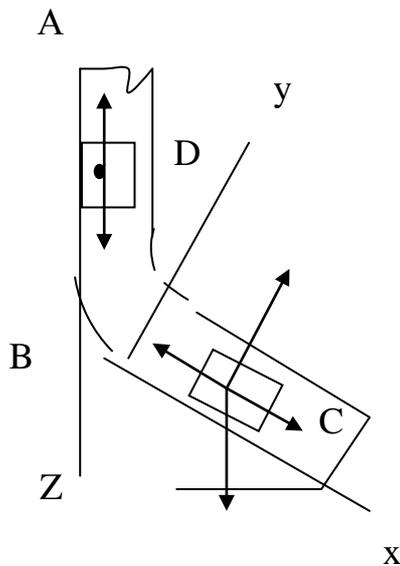


Рис.1. Схема задачи

**Решение:** 1. Рассмотрим движение груза на участке АВ, считая груз материальной точкой. Изображаем груз (в произвольном положении) и действующие на него силы  $\bar{P} = m\bar{g}$  и  $\bar{R}$ . Проводим ось  $Az$  и составляем дифференциальное уравнение движения груза в проекции на эту ось:

$$m \frac{dV_z}{dt} = \sum F_{Kz} \quad \text{или} \quad mV_z \frac{dV_z}{dz} = P_z + R_z. \quad (21)$$

Далее находим  $P_Z = P = mg$ ,  $R_Z = -R = -\mu V^2$ ; подчеркиваем, что в уравнении все переменные силы надо обязательно выразить через величины, от которых они зависят. Учтя еще, что  $V_Z = V$ , получим

$$mV \frac{dV}{dz} = mg - \mu V^2 \quad \text{или} \quad V \frac{dV}{dz} = \frac{\mu}{m} \left( \frac{mg}{\mu} - V^2 \right). \quad (22)$$

Введем обозначения:

$$k = \frac{\mu}{m} = 0,2 \text{ м}^{-1}, \quad n = \frac{mg}{\mu} = 50 \text{ м}^2/\text{с}^2. \quad (23)$$

где при подсчете принято  $g \approx 10 \text{ м/с}^2$ . Тогда уравнение (22) можно представить в виде

$$2V \cdot \frac{dV}{dz} = -2k(V^2 - n) \quad (24)$$

Разделяя в уравнении (24) переменные, а затем беря от обеих частей интегралы, получим

$$\frac{2VdV}{V^2 - n} = -2k dz \quad \text{и} \quad \ln(V^2 - n) = -2kz + C_1 \quad (25)$$

По начальным условиям при  $z = 0$   $V = V_0$ , что дает  $C_1 = \ln(V_0^2 - n)$  и из равенства (25) находим

$$\ln(V^2 - n) = -2kz + \ln(V_0^2 - n) \quad \text{или} \quad \ln(V^2 - n) - \ln(V_0^2 - n) = -2kz.$$

Отсюда

$$\ln \frac{V^2 - n}{V_0^2 - n} = -2kz \quad \text{и} \quad \frac{V^2 - n}{V_0^2 - n} = e^{-2kz}.$$

В результате находим

$$V^2 = n + (V_0^2 - n) \cdot e^{-2kz}. \quad (26)$$

Полагая в равенстве (26)  $z = l = 2,5 \text{ м}$  и заменяя  $k$  и  $n$  их значениями (23), определим скорость  $V_B$  груза в точке В ( $V_0 = 5 \text{ м/с}$ , число  $e = 2,7$ ):

$$V_B^2 = 50 - 25/e = 40,7 \quad \text{и} \quad V_B = 6,4 \text{ м/с}. \quad (27)$$

2. Рассмотрим теперь движение груза на участке ВС; найденная скорость  $V_B$  будет для движения на этом участке начальной скоростью ( $V_0 = V_B$ ). Изображаем груз (в произвольном положении) и действующие на него силы  $\bar{P} = m\bar{g}$ ,  $\bar{N}$ ,  $\bar{F}_{TP}$  и  $\bar{F}$ . Проведем из точки В оси  $Vx$  и  $Vy$  и составим дифференциальное уравнение движения груза в проекции на ось  $Vx$ :

$$m \frac{dV_X}{dt} = P_X + N_X + F_{TPX} + F_X$$

или

$$m \frac{dV_X}{dt} = mg \sin \alpha - F_{TP} + F_X, \quad (28)$$

где  $F_{TP} = fN$ . Для определения  $N$  составим уравнение в проекции на ось  $Vy$ . Так как  $a_y = 0$ , получим  $0 = N - mg \cos \alpha$ , откуда  $N = mg \cos \alpha$ . Следовательно,  $F_{TP} = fmg \cos \alpha$ ; кроме того,  $F_X = 16 \sin(4t)$  и уравнение (28) примет вид

$$m \frac{dV_X}{dt} = mg(\sin \alpha - f \cos \alpha) + 16 \sin(4t). \quad (29)$$

Разделив обе части равенства на  $m$ , вычислим

$$g(\sin \alpha - f \cos \alpha) = g(\sin 30^\circ - 0,2 \cos 30^\circ) = 3,2; \quad 16/m = 8$$

и подставим эти значения в (29). Тогда получим

$$\frac{dV_X}{dt} = 3,2 + 8 \sin(4t). \quad (30)$$

Умножая обе части уравнения (30) на  $dt$  и интегрируя, найдем

$$V_X = 3,2t - 2 \cos(4t) + C_2. \quad (31)$$

Будем теперь отсчитывать время от момента, когда груз находится в точке В, считая в этот момент  $t = 0$ . Тогда при  $t = 0$   $V = V_0 = V_B$ , где  $V_B$  дается равенством (27). Подставляя эти величины в (31), получим

$$C_2 = V_B + 2 \cos 0 = 6,4 + 2 = 8,4.$$

При найденном значении  $C_2$  уравнение (31) дает

$$V_X = \frac{dx}{dt} = 3,2t - 2 \cos(4t) + 8,4. \quad (32)$$

Умножая обе части на  $dt$  и снова интегрируя, найдем

$$x = 1,6t^2 - 0,5 \sin(4t) + 8,4t + C_3. \quad (33)$$

Так как при  $t = 0$   $x = 0$ , то  $C_3 = 0$  и окончательный искомый закон движения груза будет

$$x = 1,6t^2 + 8,4t - 0,5 \sin(4t) \quad (34)$$

где  $x$  – в метрах,  $t$  – в секундах.

Таблица 1

Номер Условия	$m$ , кг	$V_0$ , м/с	$Q$ , Н	$R$ , Н	$l$ , м	$t_1$ , с	$F_X$ , Н
0	2	20	6	$0,4V$	–	2,5	$2 \sin(4t)$
1	2,4	12	6	$0,8V^2$	1,5	–	$6t$
2	4,5	24	9	$0,5V$	–	3	$3 \sin(2t)$
3	6	14	22	$0,6V^2$	5	–	$-3 \cos(2t)$
4	1,6	18	4	$0,4V$	–	2	$4 \cos(4t)$
5	8	10	16	$0,5V^2$	4	–	$-6 \sin(2t)$
6	1,8	24	5	$0,3V$	–	2	$9t$
7	4	12	12	$0,8V^2$	2,5	–	$-8 \cos(4t)$
8	3	22	9	$0,5V$	–	3	$2 \cos(2t)$
9	4,8	10	12	$0,2V^2$	4	–	$-6 \sin(4t)$

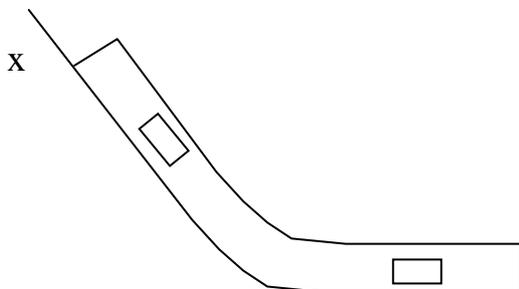


Схема Д1.0

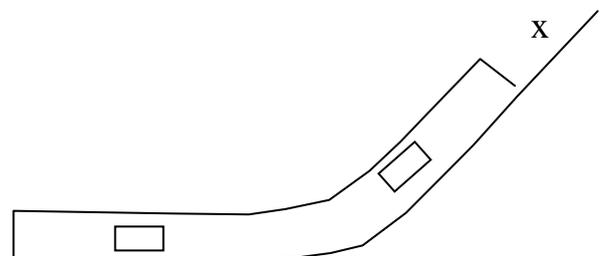


Схема Д1.1

Рис.2. Схемы к задачам

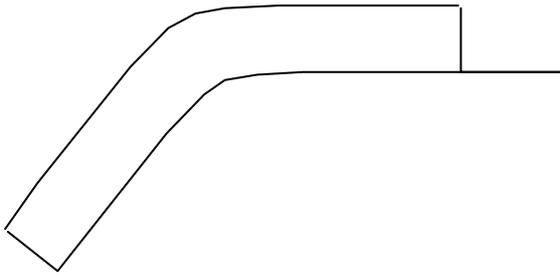


Схема Д1.2

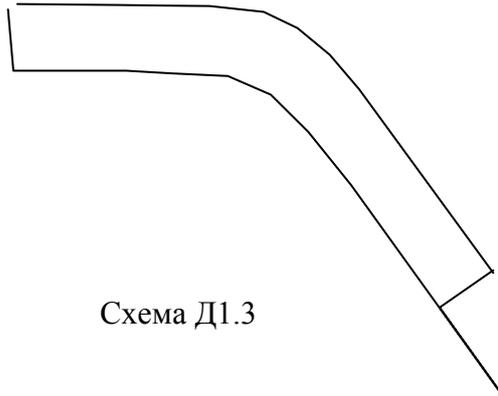


Схема Д1.3

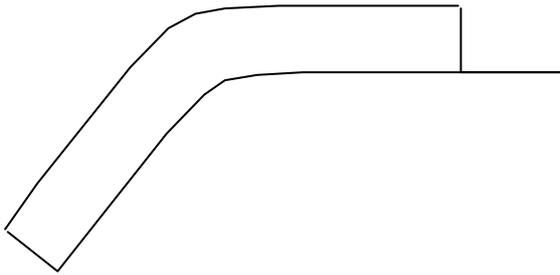


Схема Д1.4

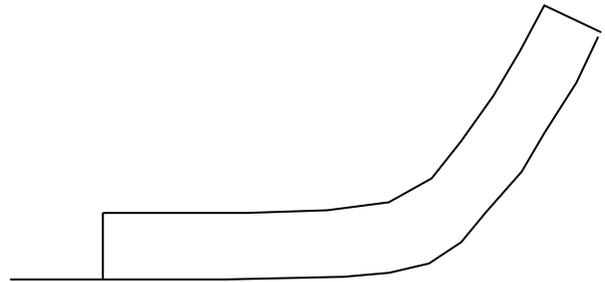


Схема Д1.5

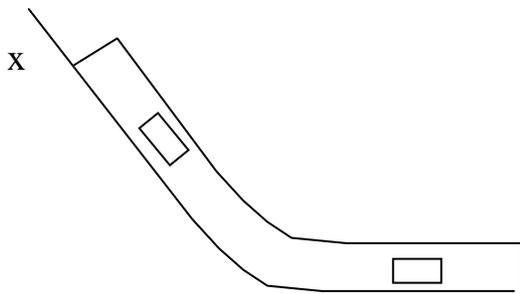


Схема Д1.6

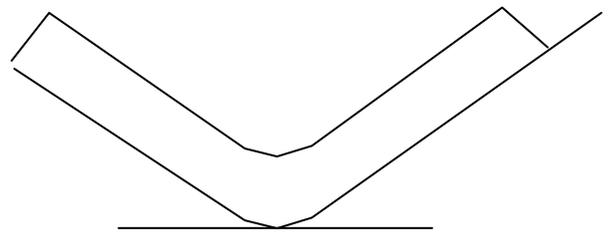


Схема Д1.7

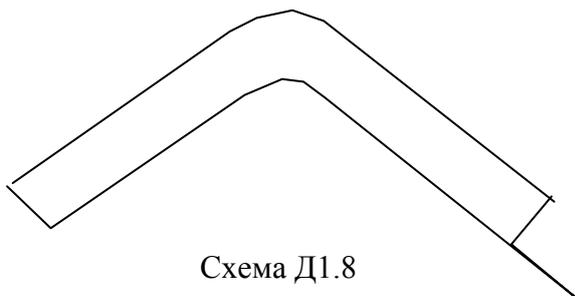


Схема Д1.8

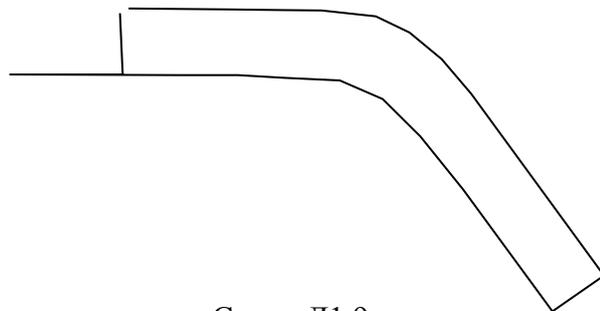


Схема Д1.9

Рис.3. Схемы к задачам

## Задача Д2

Механическая система состоит из грузов 1 и 2, ступенчатого шкива 3 с радиусами ступеней  $R_3 = 0,3$  м,  $r_3 = 0,1$  м и радиусом инерции относительно оси вращения  $\rho_3 = 0,2$  м, блока 4 радиуса  $R_4 = 0,2$  м и катка (или подвижного блока) 5 (схемы Д2.0 – Д2.9); тело 5 считать сплошным однородным цилиндром, а массу блока 4 – равномерно распределенной по ободу. Коэффициент трения грузов о плоскость  $f = 0,1$ . Тела системы соединены друг с другом нитями, перекинутыми через блоки и намотаны на шкив 3 (или на шкив и каток); участки нитей параллельны соответствующим плоскостям. К одному из тел прикреплена пружина с коэффициентом жесткости  $c$ .

Под действием силы  $F = f(S)$ , зависящей от перемещения  $S$  точки ее приложения, система приходит в движение из состояния покоя. Деформация пружины в момент начала движения равна нулю. При движении на шкив 3 действует постоянный момент  $M$  сил сопротивления (от трения в подшипниках).

Определить значение искомой величины в тот момент времени, когда перемещение  $S$  станет равным  $S_1 = 0,2$  м. Искомая величина указана в столбце «Найти» таблицы, где обозначено:  $V_1, V_2, V_{C5}$  – скорости грузов 1, 2 и центра масс тела 5 соответственно,  $\omega_3$  и  $\omega_4$  – угловые скорости тел 3 и 4.

Все катки, включая и катки, обмотанные нитями (как, например каток 5 на схеме Д1.2), катятся по плоскостям без скольжения.

На всех рисунках не изображать груз 2, если  $m_2 = 0$ ; остальные тела должны изображаться и тогда, когда их масса равна нулю.

Все необходимые данные представлены в табл.2.

**Указания.** Задача Д2 – на применение теоремы об изменении кинетической энергии системы. При решении задачи учесть, что кинетическая

энергия  $T$  системы равна сумме кинетических энергий всех входящих в систему тел. Эту энергию нужно выразить через ту скорость (линейную или угловую), которую в задаче надо определить. При вычислении  $T$  для установления зависимости между скоростями точек тела, движущегося плоскопараллельно, или между его угловой скоростью и скоростью центра масс воспользоваться мгновенным центром скоростей (кинематика). При вычислении работы надо все перемещения выразить через заданное перемещение  $S_1$ , учтя что зависимость между перемещениями здесь будет такой же, как между соответствующими скоростями.

**Пример.** Механическая система (рис.4а) состоит из сплошного однородного цилиндрического катка 1, подвижного блока 2, ступенчатого шкива 3 с радиусами ступеней  $R_3$  и  $r_3$  и радиусом инерции относительно оси вращения  $\rho_3$ , блока 4 и груза 5 (коэффициент трения груза о плоскость равен  $f$ ). Тела системы соединены нитями, намотанными на шкив 3. К центру  $E$  блока 2 прикреплена пружина с коэффициентом жесткости  $c$ ; ее начальная деформация равна нулю.

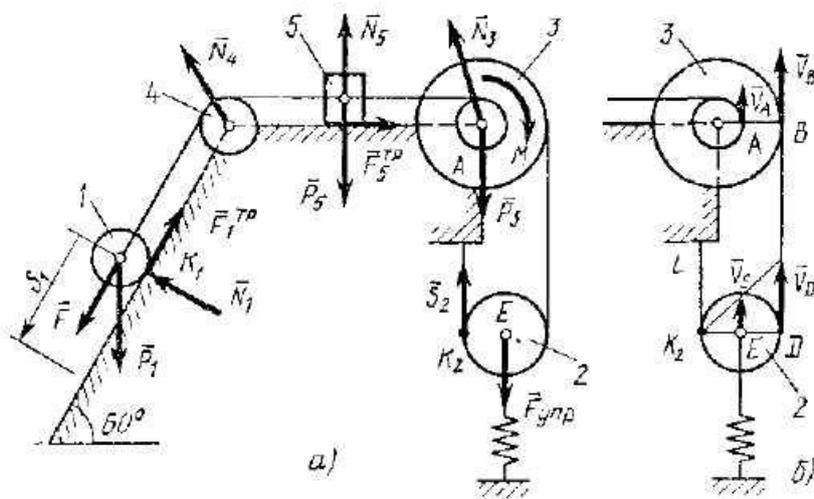


Рис. 4б

Рис.4. Схема механической системы

Система приходит в движение из состояния покоя под действием силы  $F = f(S)$ , зависящей от перемещения  $S$  точки ее приложения. На шкив 3 при движении действует постоянный момент  $M$  сил сопротивления.

Д а н о:  $m_1 = 8$  кг,  $m_2 = 0$ ,  $m_3 = 4$  кг,  $m_4 = 0$ ,  $m_5 = 10$  кг,  $R_3 = 0,3$  м,  $r_3 = 0,1$  м,  $\rho_3 = 0,2$  м,  $f = 0,1$ ,  $c = 240$  Н/м,  $M = 0,6$  Н·м,  $F = 20(3 + 2S)$  Н,  $S_1 = 0,2$  м.

О п р е д е л и т ь:  $\omega_3$  в тот момент времени, когда  $S = S_1$ .

**Решение.** 1. Рассмотрим движение неизменяемой механической системы, состоящей из весоных тел 1, 3, 5 и невесоных тел 2, 4, соединенных нитями. Изобразим действующие на систему внешние силы: активные  $\bar{F}$ ,  $\bar{F}_{\text{упр}}$ ,  $\bar{P}_1$ ,  $\bar{P}_3$ ,  $\bar{P}_5$ , реакции  $\bar{N}_1$ ,  $\bar{N}_3$ ,  $\bar{N}_4$ ,  $\bar{N}_5$ , натяжение нити  $\bar{S}_2$ , силы трения  $\bar{F}_1^{TP}$ ,  $\bar{F}_5^{TP}$  и момент  $M$ .

Для определения  $\omega_3$  воспользуемся теоремой об изменении кинетической энергии:

$$T - T_0 = \sum A_k^e \quad (35)$$

2. Определяем  $T_0$  и  $T$ . Так как в начальный момент система находилась в покое, то  $T_0 = 0$ . Величина  $T$  равна сумме энергий всех тел системы:

$$T = T_1 + T_3 + T_5. \quad (36)$$

Учитывая, что тело 1 движется плоскопараллельно, тело 5 – поступательно, а тело 3 вращается вокруг неподвижной оси, получим

$$T_1 = \frac{1}{2} m_1 V_{C1}^2 + \frac{1}{2} I_{C1} \omega_1^2; \quad T_3 = \frac{1}{2} I_3 \omega_3^2; \quad T_5 = \frac{1}{2} m_5 V_5^2 \quad (37)$$

Все входящие сюда скорости надо выразить через искомую  $\omega_3$ . Для этого предварительно заметим, что  $V_{C1} = V_5 = V_A$ , где  $A$  – любая точка обода радиуса  $r_3$  шкива 3 и что точка  $K_1$  – мгновенный центр скоростей катка 1, радиус которого обозначим  $r_1$ . Тогда

$$V_{C1} = V_5 = \omega_3 r_3; \quad \omega_1 = \frac{V_{C1}}{K_1 C_1} = \frac{V_{C1}}{r_1} = \omega_3 \frac{r_3}{r_1} \quad (38)$$

Кроме того, входящие в (37) моменты инерции имеют значения

$$I_{C1} = 0,5m_1r_1^2; \quad I_3 = m_3\rho_3^2 \quad (39)$$

Подставив все величины (38) и (39) в равенства (37), а затем, используя равенство (36), получим окончательно

$$T = \left(\frac{3}{4}m_1r_3^2 + \frac{1}{2}m_3\rho_3^2 + \frac{1}{2}m_5r_3^2\right)\omega_3^2 \quad (40)$$

3. Теперь найдем сумму работ все действующих внешних сил при перемещении, которое будет иметь система, когда центр катка 1 пройдет путь  $S_1$ . Введя обозначения:  $S_5$  – перемещение груза 5 ( $S_5=S_1$ ),  $\varphi_3$  – угол поворота шкива 3,  $\lambda_0$  и  $\lambda_1$  – начальное и конечное удлинения пружин, получим

$$A(\bar{F}) = \int_0^{S_1} 20(3 + 2S)dS = 20(3S_1 + S_1^2); \quad A(\bar{P}_1) = P_1S_1 \sin 60^\circ;$$

$$A(\bar{F}_5^{TP}) = -F_5^{TP} S_5 = -fP_5S_1; \quad A(M) = -M\varphi_3;$$

$$A(\bar{F}_{yup}) = \frac{c}{2}(\lambda_0^2 - \lambda_1^2).$$

Работы остальных сил равны нулю, так как точки  $K_1$  и  $K_2$ , где приложены силы  $\bar{N}_1$ ,  $\bar{F}_1^{TP}$ ,  $\bar{S}_2$  – мгновенные центры скоростей; точки, где приложены силы  $\bar{P}_3$ ,  $\bar{N}_3$ ,  $\bar{P}_4$  – неподвижны; а реакция  $\bar{N}_5$  перпендикулярна перемещению груза.

По условиям задачи,  $\lambda_0=0$ . Тогда  $\lambda_1 = S_E$ , где  $S_E$  – перемещение точки E (конца пружины). Величины  $S_E$  и  $\varphi_3$  надо выразить через заданное перемещение  $S_1$ ; для этого учтем, что зависимость между перемещениями здесь такая же, как и между соответствующими скоростями. Тогда так как  $\omega_3 = V_A / r_3 = V_{C1} / r_3$  (равенство  $V_{C1} = V_A$  уже отмечалось), то и  $\varphi_3 = S_1 / r_3$ .

Далее, из рис.4б видно, что  $V_D = V_B = \omega_3 R_3$ , а так как точка  $K_2$  является мгновенным центром скоростей для блока 2 (он как бы «катится» по участку нити  $K_2L$ ), то  $V_E = 0,5V_D = 0,5\omega_3 R_3$ ; следовательно, и  $\lambda_1 = S_E = 0,5\varphi_3 R_3 = 0,5S_1 R_3 / r_3$ . При найденных значениях  $\varphi_3$  и  $\lambda_1$  для суммы вычисленных работ получим

$$\sum A_k^e = 20(3S_1 + S_1^2) + P_1 S_1 \sin 60^\circ - fP_5 S_1 - M \frac{S_1}{r_3} - \frac{c}{8} \frac{R_3^2}{r_3^2} S_1^2 \quad (41)$$

Подставляя выражения (40) и (41) в уравнение (35) и учитывая, что  $T_0 = 0$ , приходим к равенству

$$\left(\frac{3}{4}m_1 r_3^2 + \frac{1}{2}m_3 \rho_3^2 + \frac{1}{2}m_5 r_3^2\right)\omega_3^2 = \sum = 20(3S_1 + S_1^2) + P_1 S_1 \sin 60^\circ - fP_5 S_1 - M \frac{S_1}{r_3} - \frac{c}{8} \frac{R_3^2}{r_3^2} S_1^2 \quad (42)$$

Из равенства (42), подставив в него числовые значения заданных величин, найдем искомую угловую скорость  $\omega_3$ .

О т в е т:  $\omega_3 = 8,1 \text{ c}^{-1}$ .

Таблица 2

Номер условия	$m_1$ , кг	$m_2$ , кг	$m_3$ , кг	$m_4$ , кг	$m_5$ , кг	$c$ , Н/м	$M$ , Н·м	$F = f(S)$ , Н	Найти
0	0	6	4	0	5	200	1,2	$80(4+5S)$	$\omega_3$
1	8	0	0	4	6	320	0,8	$50(8+3S)$	$V_1$
2	0	4	6	0	5	240	1,4	$60(6+5S)$	$V_2$
3	0	6	0	5	4	300	1,8	$80(5+6S)$	$\omega_4$
4	5	0	4	0	6	240	1,2	$40(9+4S)$	$V_1$
5	0	5	0	6	4	200	1,6	$50(7+8S)$	$V_{C5}$
6	8	0	5	0	6	280	0,8	$40(8+9S)$	$\omega_3$
7	0	4	0	6	5	300	1,5	$60(8+5S)$	$V_2$
8	4	0	0	5	6	320	1,4	$50(9+2S)$	$\omega_4$
9	0	5	6	0	4	280	1,6	$80(6+7S)$	$V_{C5}$

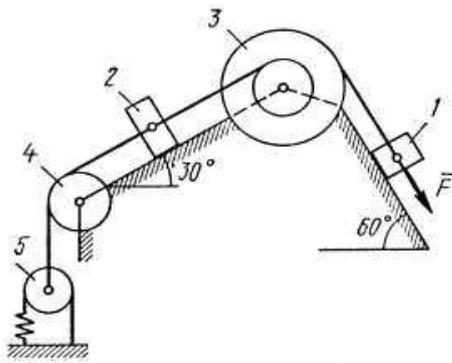


Схема Д2.0

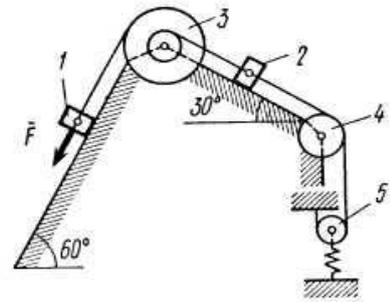


Схема Д2.1

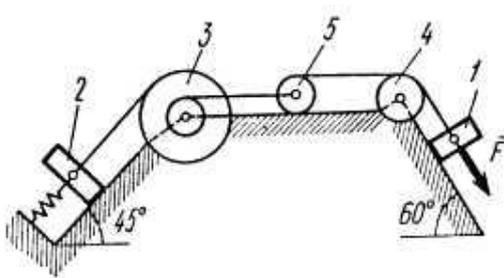


Схема Д2.2

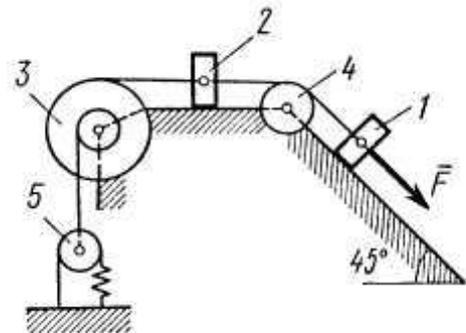


Схема Д2.3

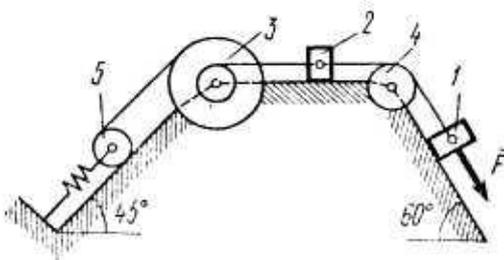


Схема Д2.4

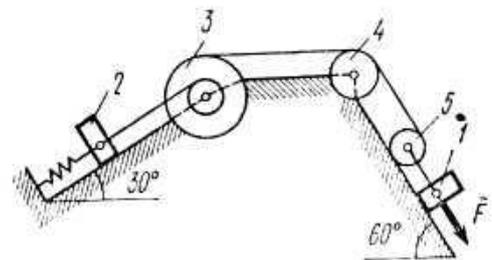


Схема Д2.5

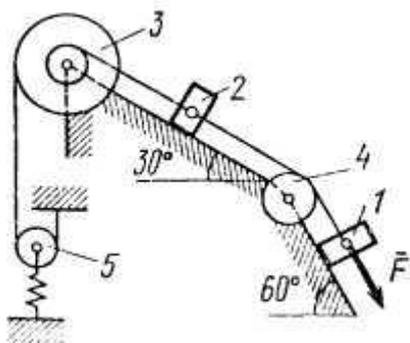


Схема Д2.6

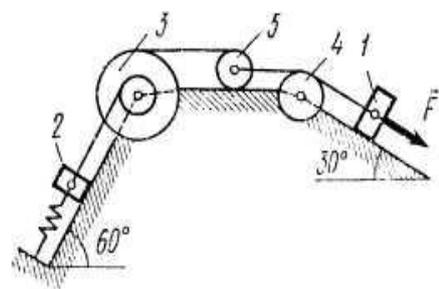


Схема Д2.7

Рис. 5. Схемы механических систем

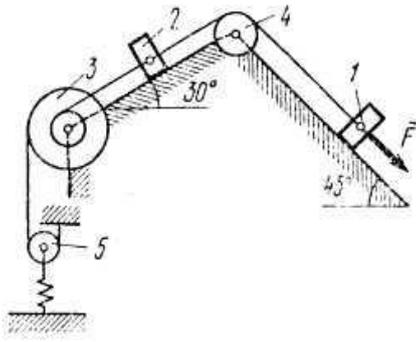


Схема Д2.8

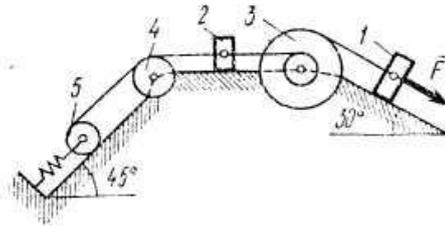


Схема Д2.9

Рис. 6. Схемы механических систем

## *Литература*

1. Сборник заданий для курсовых работ по теоретической механике: Учебное пособие для техн. вузов / Яблонский А.А., Норейко С.С., Вольфсон С.А. и др. – М.: Высшая школа, 1985.
2. Бутенин Н.В., Лунц Я.Л., Меркин Д.Р. Курс теоретической механики: Учебник для вузов. – 2-е изд., перераб. и доп. – М.: Наука, 1979.
3. Яблонский А.А. Курс теоретической механики : Учебник для вузов. – 5-6 изд., испр. – М.: Высшая школа, 1977.
4. Бать М.И. и др. Теоретическая механика в примерах и задачах. – М.: Наука, 1971.

## **СОДЕРЖАНИЕ**

Введение. Цель работы.....	3
1. Динамика. Основные понятия.....	4
2. Задача Д-1.....	7
3. Задача Д-2.....	13
Литература.....	20

# ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ МЕХАНИКА

Методические указания к выполнению контрольных работ  
по курсу «Теоретическая механика» для студентов специальностей  
100700, 250600, 100401 заочной формы обучения

Часть 2

Составила Жванько Юлия Александровна

Рецензент О.В. Виштак

Редактор Л.В. Максимова

Корректор Н.Т. Мальчикова

Подписано в печать  
Бумага тип.  
Тираж 150 экз.

Усл. печ. л.  
Заказ

Формат 60x84 1/16  
Уч. – изд. л.  
Бесплатно

Саратовский государственный технический университет  
410054, г. Саратов, ул. Политехническая, 77  
Копипринтер БИТТиУ, 413840, г. Балаково, ул. Чапаева, 140